

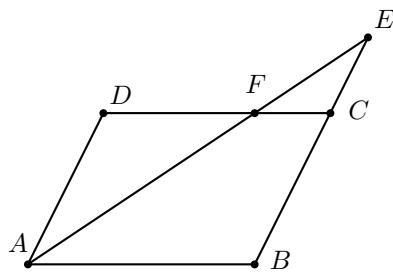
**GEOMETRIA ANALÍTICA: PROVA 1B**  
**TURMA G**

SINUÊ DAYAN BARBERO LODOVICI

EXERCÍCIOS

**Exercício 1 (4,0).** Considere um paralelogramo  $ABCD$ . Seja  $E$  um ponto colinear a  $B$  e  $C$  tal que  $C$  esteja entre  $B$  e  $E$ , e tal que a distância de  $B$  a  $C$  é três vezes a distância de  $C$  a  $E$ . Seja  $F$  a intersecção de  $DC$  com  $AE$ . Sejam  $\overrightarrow{AB} = \mathbf{a}$  e  $\overrightarrow{AD} = \mathbf{b}$ .

- (1,5) Escreva o vetor  $\overrightarrow{AE}$  em função de  $\mathbf{a}, \mathbf{b}$ .
- (2,5) Escreva o vetor  $\overrightarrow{AF}$  em função de  $\mathbf{a}, \mathbf{b}$ .



**Exercício 2 (3,0).** Considere o triângulo  $ABC$  tal que num sistema de coordenadas cartesiano ( $O, \mathcal{B} = (\mathbf{i}, \mathbf{j})$ ) temos  $A = (1, 2)$ ,  $B = (5, 5)$  e  $C = (1, 5)$ . Encontre as coordenadas da projeção (ortogonal) de  $\overrightarrow{BC}$  sobre  $\overrightarrow{BA}$  na base  $\mathcal{B}$ .

**Exercício 3 (3,0).** Considere fixado uma base  $\mathcal{B} = (\mathbf{i}, \mathbf{j}, \mathbf{k})$  ortonormal de vetores. Encontre  $\mathbf{x}$  tal que  $\mathbf{x} \times (1, 0, 2) = 4(2, 0, -1)$ , e  $\|\mathbf{x}\| = \sqrt{21}$ .