

**GEOMETRIA ANALÍTICA: PROVA 2**  
**(TURMA G)**  
**TIPO A**

SINUÊ DAYAN BARBERO LODOVICI

**IMPORTANTE:**

- A nota final desta prova será o mínimo entre 10,0 e a pontuação obtida nas questões, ou seja, não é possível ter nota acima de 10,0 pontos.
- Considere os sistemas de coordenadas usados cartesianos.
- Boa Prova!

EXERCÍCIOS

**Exercício 1** (2,5). Considere um paralelogramo de vértices  $A = (1, 0, 0)$ ,  $B = (2, 0, 1)$ ,  $C = (2, 1, 2)$  e  $D = (1, 1, 1)$ . Seja  $M$  o ponto médio de  $BC$ .

- Encontre equações paramétricas da reta que contém  $A$  e  $M$ .
- Escreva uma equação de tal reta na forma simétrica.

**Exercício 2** (2,5). Considere as retas:

$$r : X = (1, 0, 2) + t(1, 0, 1)$$
$$s : x - 2 = \frac{y - 2}{6} = -\frac{(z - 2)}{2}$$

- Mostre que  $r$  e  $s$  são concorrentes.
- Encontre uma equação geral do plano que contém  $r$  e  $s$ .

**Exercício 3** (3,0). Simplifique a equação

$$x^2 + 3xy + 5y^2 - \frac{11}{2} = 0,$$

eliminando o termo misto. Identifique a cônica encontrada.

**Exercício 4** (3,0). Obtenha as equações dos planos tangentes a esfera  $x^2 + y^2 + z^2 - 6x + 2y - 2z + 10 = 0$  e paralelos ao plano  $2x - y + z + 59 = 0$ .